$$\log(1+x)-\log(1-x)=\log\frac{1+x}{1-x}=\sum_{i=1}^{\infty}\frac{x^{2i-1}}{2i-1}$$